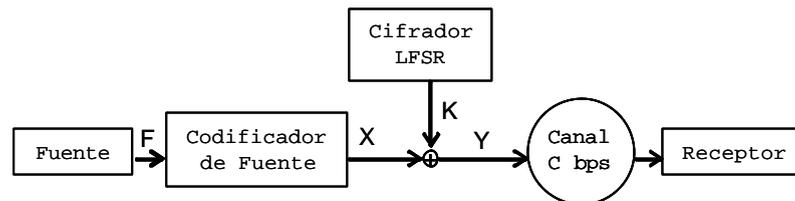


Ejercicio 1. Un sistema de transmisión de datos emplea un codificador de fuente y un cifrador en flujo basado en un simple LFSR. La fuente F que emplea el sistema carece de memoria y emite símbolos del alfabeto $\{ A, B \}$ cuyas probabilidades de generación son $p_A=0.9$ y $p_B=0.1$. La transmisión se realiza sobre un canal cuya capacidad es de C bps. La codificación binaria aplicada utiliza una extensión de fuente de orden 1 (concatenación de símbolos de 2 en 2) y el algoritmo de Huffman. El cifrador en flujo emite una secuencia cifrante K cuyos valores 1 y 0 son equiprobables. El flujo binario de salida del codificador de fuente se ha denominado X y el entregado al canal Y , resultado de $X+K$.



- a) determine la entropía de la fuente $H(F)$
- b) determine la entropía de la fuente extendida $H(F^2)$
- c) halle la codificación de Huffman de la fuente extendida y calcule la eficiencia resultante E_{F^2}
- d) para un canal con $C=64\text{Kbps}$ determine la máxima velocidad de emisión de símbolos de la fuente por segundo (v_F) que acepta el sistema
- e) calcule las siguientes entropías
 - e.1) $H(Y/X)$
 - e.2) $H(Y/K)$
 - e.3) $H(X, Y)$
- f) determine el valor de la información mutua $I(X, K)$
- g) halle el grado mínimo del polinomio de conexiones del LFSR para garantizar en todos los casos la aleatoriedad de los mensajes cifrados de hasta 60 símbolos generados por F

Ejercicio 2 Un sistema de firmas digitales utiliza RSA y como función resumen el algoritmo denominado El Gamal. Este algoritmo mantiene un valor x en secreto que debe ser custodiado de igual forma que la clave secreta K_s^{RSA} por la entidad firmante. La verificación de la firma de un mensaje m se lleva a cabo utilizando la clave pública K_p^{RSA} junto con una terna (g, y, p) que facilita la comprobación del mensaje recibido en concordancia con el resumen. En este sistema será necesario que se hagan públicas las claves K_p^{RSA} y las ternas (g, y, p) asociadas a cada entidad firmante. Considere que el resumen r se concatena a continuación del mensaje m de la forma $m | r$. Complete el cálculo y la validación del resumen obtenido con el algoritmo El Gamal que se expone con los siguientes pasos:

- 1) Se determina un número primo $p = 23$ y dos números aleatorios $g = 15$ y $x = 2$.
- 2) Se deriva un valor y de la siguiente forma:

$$y = g^x \text{ mod } p$$

a) determine el valor de y

- 3) Para hallar el resumen r de un mensaje $m = 6$ se genera un número aleatorio, coprimo con $p-1$, de valor $z = 3$. A partir de este número se deriva una primera parte del resumen, denominada a , mediante la expresión:

$$a = g^z \text{ mod } p$$

b) calcule el valor de a

- 4) Se determina un valor auxiliar b' que es elemento inverso de z en el anillo Z_{p-1}

c) halle el valor de b'

- 5) Se completa el cálculo del resumen con un valor b en Z_{p-1} que verifica:

$$m = (x a + z b) \text{ mod } (p-1)$$

el cual se obtiene de forma inmediata a través de su relación con b' :

$$b = [(m - x a) b'] \text{ mod } (p-1)$$

d) halle el valor de b

- 6) Se forma el resumen con la concatenación de los dos valores anteriores, $r = a | b$
- 7) La comprobación de un mensaje m se lleva a cabo en el receptor con el resumen r asociado, verificando la igualdad:

$$y^a b = g^m \text{ mod } p$$

e) compruebe que los cálculos anteriores han sido correctos utilizando el mecanismo de comprobación del algoritmo

f) describa gráficamente el procedimiento de firma realizado por el emisor y por el receptor

g) razone brevemente (15 líneas) la validez de la función resumen propuesta

