

## CONTROL DE TRANSMISIÓN DE DATOS

22 de mayo de 2008

### NOTAS IMPORTANTES:

- 1.- *No se responderá ninguna pregunta acerca del enunciado o su interpretación. El alumno responderá según su criterio, especificando en sus respuestas las hipótesis que realice.*
- 2.- *Se valorará la justificación, discusión y claridad de los resultados.*
- 3.- *Los resultados no reflejados en la hoja de resultados anexa no serán tenidos en cuenta.*
- 4.- *Un error conceptual grave puede anular todo el problema.*
- 5.- *Nótese que los problemas constan de distintas partes que pueden resolverse por separado. Se recomienda saltar aquellas partes que no sepan resolverse.*

### **Problema 1 (40%)**

Se dispone de dos fuentes binarias de datos ( $\alpha$  y  $\beta$ ) caracterizadas por las probabilidades:

$$\begin{aligned} \mathbf{Fte}_\alpha: p(A) &= 0.85 \\ \mathbf{Fte}_\beta: p(A|A) &= 0.95, p(B|B) = 0.85 \end{aligned}$$

También se dispone de dos canales binarios ( $a$  y  $b$ ) caracterizados por las probabilidades:

$$\begin{aligned} \mathbf{Can}_a: p(0) &= 0.85 \text{ (probabilidad de NO error)} \\ \mathbf{Can}_b: p(0|0) &= 0.95, p(1|1) = 0.85 \end{aligned}$$

Se pide:

- a) El valor de las entropías de ambas fuentes ( $H_\alpha, H_\beta$ ) **(3 puntos)**
- b) El valor de las capacidades de ambos canales ( $C_a, C_b$ ) **(4 puntos)**
- c) Justifique qué emparejamiento de fuentes-canales realizaría **(3 puntos)**

### **Problema 2 (20%)**

Un usuario RSA tiene por exponente público  $e=3$  y por módulo  $n=110107021$ . Sabiendo que  $42518^2 \equiv 12497^2 \pmod n$  encuentre el exponente privado  $d$  del usuario.

### **Problema 3 (10%)**

Un criptógrafo pretende diseñar un cifrador bloque de 8 bits. ¿Cuál es el tamaño mínimo de clave para que el cifrador pueda ser perfectamente aleatorio?

Nota.- Úsese la fórmula de Stirling para el factorial:  $n! \approx \sqrt{2\pi n} \left(\frac{n}{e}\right)^n$

#### **Problema 4 (30%)**

Sabiendo que, según el *Teorema Chino de los Restos*, el sistema de congruencias:

$$\begin{cases} x_1 = X \pmod{n_1} \\ x_2 = X \pmod{n_2} \\ x_3 = X \pmod{n_3} \end{cases}$$

tiene por solución:

$$X = (x_1 I_{2,3}^1 n_2 n_3 + x_2 I_{1,3}^2 n_1 n_3 + x_3 I_{1,2}^3 n_1 n_2) \pmod{(n_1 n_2 n_3)}$$

si los números  $n_1$ ,  $n_2$  y  $n_3$  son primos dos a dos.

Se pide:

- a) Encuentre de forma razonada cómo deben calcularse los valores  $I_{2,3}^1, I_{1,3}^2, I_{1,2}^3$   
(4 puntos)

Si se envía el mismo mensaje  $M$  en secreto a tres usuarios RSA que comparten el mismo exponente público  $e=3$  y con módulos  $n_1=4033$ ,  $n_2=4223$ ,  $n_3=4343$ , se obtienen los criptogramas  $c_1=1022$ ,  $c_2=1678$ ,  $c_3=1341$

- b) Encuentre el valor concreto de  $I_{1,2}^3$  (3 puntos)  
c) Sabiendo que  $I_{2,3}^1 = 3191, I_{1,3}^2 = 1609$  Sabiendo encuentre el valor de  $M$  usando el *Teorema Chino de los Restos* (3 puntos)