

PROBLEMA 1

$n = 499 \cdot 439 = 219061$ e 17 $\phi(n) = (p-1)(q-1) = 218124$

$\lambda(n) = \phi(n) / \text{mcd}(p-1, q-1) = 218124 / 6 = 36353$

a) $\lambda(n) = \frac{\phi(n)}{\text{mcd}(p-1, q-1)}$ $\left. \begin{array}{l} p, q \text{ primos impares} \\ p-1 = 2p' \\ q-1 = 2q' \end{array} \right\} \Rightarrow \text{mcd}(p-1, q-1) \geq 2 \mid \geq \frac{\phi(n)}{2}$

b) $e d = k \lambda(n) + 1 \Rightarrow$

353	0 · 17	36353
53	+ 1 · 17	17
	- 2138 · 17	8
		$4277 \cdot 7 = 1 \Rightarrow d_0 = 4277$

$d_i: d_0 + k \lambda(n) \quad i=0 \dots 5 \Rightarrow d_i = 4277, 40631, 76985, 113339, 149693, 186047$

c) Solo hay una firma por mensaje (los exponentes privados son equivalentes)

d) FIRMA = $M, h(M)^d \text{ mod } n = M, 12344 \overset{4277}{\text{mod}} \overset{219061}{\text{mod}} M, 138336$

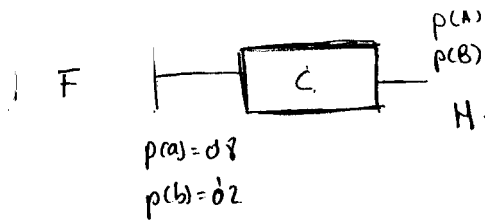
Cálculo $4277 = 1000010110101_2$

$(((((12344)^{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2} 12344)^{2^2} 12344)^2 12344)^{2 \cdot 2} \cdot 12344)^2 \cdot 12344 = 138336 \text{ mod } 219061$

Número esperado de mensajes de 1024 bytes con igual firma = $\frac{2^{8 \cdot 1024}}{2^{16}} = 2^{8176}$

PROBLEMA 2

Si el polinomio de conexiones es irreducible todas las órbitas han de ser divisoras de $2^k - 1 = 2^5 - 1 = 31$. Puesto que es primo sus únicos divisores son 1 (estado "cero") y 31, todos han de ser primitivos.



$$H = 0.9267 \text{ bits/simb} = x \log_2 \frac{1}{x} + (1-x) \log_2 \frac{1}{1-x}$$

$$\Rightarrow x = (0.9267 - (1-x) \log_2 \frac{1}{1-x}) / \log_2 \frac{1}{x} \Rightarrow \text{Ecuación iterativa}$$

$$0.5 \rightarrow 0.3267 \rightarrow 0.274147 \rightarrow 0.2631 \rightarrow 0.26066 \rightarrow \boxed{0.260} \text{ punto fijo}$$

$$p(A) = 1 - 0.26 = 0.74 ; p(B) = 0.26$$

$$0.74 = p(A) = p(a)(1-p_e) + p(b)p_e \quad 0.8(1-p_e) + 0.2p_e = \underline{\underline{p_e = 0.1}}$$