

 	Escola Tècnica Superior d'Enginyeria de Telecomunicació de Barcelona UNIVERSITAT POLITÈCNICA DE CATALUNYA DEPARTAMENT D'ENGINYERIA TELEMÀTICA	Transmissió de dades, grupo 20 Fecha: 2 Diciembre 2009
		Notas provisionales: 9 Dic Período de alegaciones: 11 Dic Fecha notas revisadas: 14 Dic

Información adicional:

- Duración de la prueba: 2 HORAS
- Cualquier error conceptual grave puede anular todo el problema

PROBLEMA 1 (30%)

Un sistema de transmisión de datos está compuesto por un regenerador de señal. El regenerador tiene por entradas (X) símbolos que pertenecen al alfabeto $\{1, 0, -1\}$. Las probabilidades de recepción de los símbolos son: $P[X = 1] = \alpha$, $P[X = 0] = 1 - \alpha - \beta$, $P[X = -1] = \beta$ para $0 < \alpha + \beta < 1$

El regenerador restituye los valores de los borrones ($X=0$) en valores de salida $Y=1$ o $Y=-1$ con la misma proporción con la que se generan y mantiene el mismo valor ($Y=X$) cuando las entradas son $X=1$ o $X=-1$.

- Determine $H(Y)$
- Calcule $H(Y/X)$
- Halle $I(X; Y)$
- Calcule la capacidad del sistema regenerador en bits por símbolo para los casos:
 - $\alpha = \beta$
 - $\alpha = 2\beta$

PROBLEMA 2 (30%)

Se dispone de un código de canal lineal, binario y sistemático (8,4), con una matriz de generación

$$G = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

- Indíquese si las siguientes matrices H_1 y H_2 pueden ser de comprobación

$$H_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad H_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- Cuál es la capacidad correctora del código?
- Supóngase que se ha recibido (1 0 1 1 1 a 0 b). ¿Cuál sería la salida del decodificador?

PROBLEMA 3 (20%)

Un atacante a un sistema criptográfico sabe que el algoritmo de cifrado utilizado es en flujo, síncrono y basado únicamente en un único LFSR con polinomio primitivo de 10 celdas. Dicho atacante puede acceder a un subconjunto de la secuencia generada por dicho LFSR. ¿Cuántos bits de dicho subconjunto necesita para poder conocer toda la secuencia? Razone la respuesta.

PROBLEMA 4 (20%)

Un usuario decide emplear la firma RSA sin usar hash ($m^d \pmod n$). Supóngase que un atacante conoce dos firmas legítimas para dos mensajes m_1 y m_2 . ¿Podría conocer la firma de $m_1 + m_2$? ¿Y la de $m_1 * m_2$?