



Escola Tècnica Superior d'Enginyeria de Telecomunicació de Barcelona

UNIVERSITAT POLITÈCNICA DE CATALUNYA  
DEPARTAMENT D'ENGINYERIA TELEMÀTICA

Transmissió de dades, grupo 20

Fecha: 3 Diciembre 2008

Notas provisionales: 10 Dic

Período de alegaciones: 14 Dic

Fecha notas revisadas: 16 Dic

Información adicional:

- Duración de la prueba: 2 HORAS
- Cualquier error conceptual grave puede anular todo el problema

### PROBLEMA 1 (35%)

Se dispone de un código lineal binario y sistemático (8,4), con las siguientes palabras código:  $Y_1=(0\ 0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1)$ ,  $Y_2=(0\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1)$ ,  $Y_3=(0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0)$ .

- Calcule la matriz de generación si se desea que el código tenga la mayor capacidad de detección posible. ¿Cuál es la capacidad de corrección? **1**
- Indique si la siguiente matriz puede ser utilizada como matriz de comprobación

$$H = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \quad \text{1,5}$$

- Si se usa este codificador, halle la probabilidad de que se corrijan errores cuando se envía una palabra código a través de un canal binario simétrico con probabilidad de error de bit  $p=10^{-3}$ .

### PROBLEMA 2 (40%)

Se disponen de dos fuentes independientes: una fuente  $F_A$ , ternaria con alfabeto  $\{1, 2, 3\}$ , y otra fuente  $F_B$  binaria con alfabeto  $\{1, 2\}$ . A partir de dichas fuentes, se construye una tercera  $F_C$ , tal que  $F_C(i) = F_A(i) * F_B(i) \bmod 5$ .

$F_A$  es una fuente sin memoria, con la siguiente distribución de probabilidades:  $p(3) = 2,5 * p(2)$ , y  $p(1) = 1,5 * p(2)$ . La fuente  $F_B$  tiene la siguiente distribución de probabilidades:  $p(1/1) = 0,7$  y  $p(2/2) = 0,3$ .

- Calcule la entropía de  $F_C$  **1**
- Calcule la información mútua entre  $F_C$  y  $F_B$ . **2**
- Calcule la eficiencia de una codificación de Huffman de  $F_C$  **1**

### PROBLEMA 3 (25%)

Se diseña un algoritmo de cifrado en flujo síncrono, contando con dos registros LFSR de tipo primitivo:

- Generador LFSR1: polinomio  $x^3 + x + 1$
- Generador LFSR2: polinomio  $x^4 + x + 1$

La salida de ambos generadores entra en una etapa de multiplicación (AND) en la que los bits de cada secuencia se multiplican entre sí, dando lugar a la secuencia cifrante del sistema o clave  $K$ .

Se pide:

- ¿Cuál será el periodo de la secuencia de salida y porqué? (1 punto)
- ¿Consideras que es un buen esquema? Justificar la respuesta (1,5 puntos)