

- 1- La entropía de una fuente sin memoria de L símbolos con probabilidades:

$$P_i = 0.5^i \quad i = 1, 2, \dots, L-1$$

$$P_i = 0.5^{L-1} \quad i = L$$

Vale:

- a)  $1 - 2(1/2)^L$
- b)  $2 - 4(1/2)^L$
- c) 1
- d) Ninguna de las anteriores

Nota:  $\sum_{i=1}^{L-1} i \cdot 0.5^i = 2 \cdot (1 - (L+1) \cdot 0.5^L)$

- 2- Un PAM binario ( $\pm 1$ ) presenta la respuesta impulsional global

$$x[0]=1; x[1]=a$$

Si el ruido es gaussiano de media 0.3 y la secuencia de muestras recibidas es

$$1.1, -0.4, 0.1, 0.6$$

¿cuál es el valor de a que hace que las secuencias de símbolos (1, 1, 1) y (-1, -1, -1) sean igual de verosímiles?

- a) -0.16667
  - b) -0.23333
  - c) 0.33333
  - d) Ninguno de los anteriores
- 3- Sea un código binario de repetición (n, 1) en el que cada bit se repite n veces
- a) La capacidad correctora es  $n/2$  si y sólo es impar
  - b) La capacidad detectora es de n errores
  - c) Puede corregir hasta un máximo de n-2 borrados
  - d) Ninguna de las anteriores
- 4- Para un módem QAM telefónico (BW = 4 KHz y pulso de Nyquist) la velocidad de transmisión es de 1830 bps. Suponiendo que el canal, la velocidad de modulación y la potencia inyectada son constantes, determínese el número de puntos de la constelación mínimo si la velocidad de transmisión aumentase a 24400bps.
- a) 16
  - b) 32
  - c) 256
  - d) Ninguna de las anteriores
- 5- El polinomio  $g(D) = D^3 + D^2 + 1$  es el polinomio generados del código de Hamming (7, 4). La matriz generadora G de este Código en forma sistemática es:

a) 
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

b) 
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

c) 
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- d) Ninguna de las anteriores

- 6- La probabilidad de no detección de error para un código Hamming (15, 11) para una probabilidad de error de bit de canal  $p_e = 10^{-3}$  es:
- $3 \cdot 10^{-6}$
  - $10^{-4}$
  - $10^{-1}$
  - Ninguna de las anteriores
- 7- La eficiencia (cociente entre la entropía y la longitud media) de un código Huffman para una fuente sin memoria de 5 símbolos con probabilidades:
- $$P_i = 0.5^i \quad i = 1, 2, 3, 4$$
- $$P_i = 0.5^4 \quad i = 5$$
- Vale:
- 1
  - $3/4$
  - 1.875
  - Ninguna de las anteriores
- 8- Sea una fuente sin memoria que emite 4 símbolos ABCD con probabilidades  $p(A) = 0.25$ ,  $p(B) = 0.5$ ,  $p(C) = 0.15$  y  $p(D) = 0.1$ . ¿Qué afirmación es correcta?
- La entropía de la fuente es 2.35 bits/símbolo
  - Si se utiliza un código corrector binario e-perfecto con distancia mínima 5, la menor redundancia necesaria y la probabilidad de error de bit del canal es  $10^{-2}$ , la probabilidad de error final es  $10^{-5}$
  - Si se utiliza un código LZW (Lempel-Ziv-Welch, 1984) y la secuencia a codificar es ACBCBAC la secuencia codificada es 13254
  - Ninguna de las anteriores
- 9- se tienen dos sistemas: un QAM-4 con un factor de roll-off 0.3 y un PAM con un número elevado de símbolos. Ambos sistemas tienen filtro adaptado, y  $x(t)$  es un pulso de Nyquist normalizado. Se sabe que la relación S/N del segundo es 18000 veces superior a la del primero, y las probabilidades de error son iguales. ¿Cuál es el factor de roll-off que puede tener el PAM?
- $\alpha \leq 0.1$
  - $0.1 < \alpha \leq 0.25$
  - $0.25 < \alpha \leq 0.5$
  - $0.5 < \alpha$
- 10- Sea (00101) el estado de un registro de desplazamiento de longitud 5 (mayor peso a la derecha), cuyo polinomio de realimentación es  $D^5 + D^2 + 1$  ¿Cuál será el estado al cabo de 30 iteraciones?
- 11011
  - 10001
  - 00011
  - Ninguno de los anteriores
- 11- Sea un sistema de transmisión PAM-2 caracterizado por un canal en el que las únicas muestras diferentes de 0 son  $x[0] = 1$  y  $x[1] = 0.5$ . se transmiten 2 símbolos y se reciben las muestras  $y[n] = (1.5, 0.6, -0.7)$ . La potencia de ruido más probable (medido sobre las muestras a la salida del frontal y supuesto gaussiano) vale:
- 0.5
  - 0.12
  - 0.83
  - Ninguno de los valores anteriores
- 12- Se quiere diseñar un módem 4-PAM con un ecualizador de tres coeficientes No adaptativo. El filtro frontal está adaptado al emisor, el pulso normalizado y el ruido puede suponerse despreciable. El módem se va a utilizar sobre unos canales que se pueden agrupar en dos clases. La clase A comprende el 65% de los canales y tiene una respuesta impulsional global  $x[-1] = 0.15$ ,  $x[0]=1$ ,  $x[1] = 0.2$ . La clase B comprende el resto de los canales y tiene una respuesta impulsional global  $x[-1] = 0.3$ ,  $x[0]=1$ ,  $x[1]=0.1$
- De entre los siguientes ecualizadores, ¿cuál es el que presenta una probabilidad GLOBAL de error menor?
- $c(-1) = 0.11$ ,  $c(0) = 1.12$ ,  $c(1) = 0.17$
  - $c(-1) = -0.2$ ,  $c(0) = 1.06$ ,  $c(1) = -0.167$
  - $c(-1) = -0.31$ ,  $c(0) = 1.17$ ,  $c(1) = 0.11$
  - $c(-1) = 0.11$ ,  $c(0) = 0.95$ ,  $c(1) = 0.3$
- 13- Un ecualizador óptimo con iteración estocástica emplea la siguiente recurrencia para calcular  $\Delta_v$
- $$\Delta_v(n+1) = \alpha \Delta_v(n) + \beta / (y^2(n))$$
- Los valores de  $\alpha$  y  $\beta$  que hacen que la estimación sea insesgada son:

- a)  $\alpha = 1/2 \beta = 1/2$   
 b)  $\alpha = 2/3 \beta = 3/2$   
 c)  $\alpha = 1/3 \beta = 1/2$   
 d) Ninguno de los anteriores
- 14- Se tiene un pulso  $x(t)$ , tal que  $x[-1] = -0.1$ ,  $x[0] = 0.9$ ,  $x[1] = 0.2$ . En ausencia de ruido, el coeficiente central normalizado de un ecualizador óptimo de tres coeficientes es:  
 a)  $c(0) < 0.9$   
 b)  $0.9 \leq c(0) < 1.05$   
 c)  $1.05 \leq c(0) < 1.1$   
 d)  $1.1 \leq c(0)$
- 15- Un sistema 4-QAM atraviesa un canal ideal con un ruido uniforme entre  $-0.3$  y  $0.2$ . Si el mapeo es el siguiente  
 $00 \Rightarrow (1,1)$ ;  $01 \Rightarrow (1,-1)$ ;  $11 \Rightarrow (-1,-1)$ ;  $10 \Rightarrow (-1,1)$   
 y se transmite la secuencia de "20 zeros seguidos", se recibe la secuencia de muestras:  
 (1.23,0.81) (1.29,0.95) (1.18,0.93) (1.21,0.82) (1.01,0.7)  
 (1.26,0.90) (0.99,0.71) (0.93,0.57) (1.04,0.59) (0.96,0.62)  
 El error de fase entre el emisor y el receptor, en valor absoluto, más probable es:  
 a)  $10.07^\circ$   
 b)  $10.61^\circ$   
 c)  $11.33^\circ$   
 d) Ninguno de los anteriores
- 16- Sea un canal de comunicaciones con  $h_c(t) = K\delta(t-4T)$  y la potencia de ruido a la entrada del receptor en la banda de señal es de 1 mW. Si el emisor transmite una potencia de 124 mW y el ancho de banda de señal es de 3 KHz, calcule el mínimo valor de K para que puede existir una comunicación fiable a 15 Kbps.  
 a)  $K=1$   
 b)  $K= \sqrt{2}$   
 c)  $K=0.5$   
 d) Ninguno de los anteriores
- 17- Un sistema de transmisión de datos presenta una probabilidad de error de bit de  $E-03$ . El canal genera ráfagas de errores de longitud 4. ¿Cuál es, aproximadamente la probabilidad de error de bloque de usuario si se emplea un código de Hamming (7,4) y un entrelazado de profundidad 6?  
 a)  $2.1 \cdot 10^{-05}$   
 b)  $10^{-06}$   
 c)  $7.5 \cdot 10^{-04}$   
 e) Ninguna de las anteriores
- 18- Sea un ecualizador adaptativo estocástico de 3 coeficientes. La secuencia de muestras recibidas es  $y[n] = [1.4, 3.2, 2.2, -3.7, 5.3, 0.4, -4.5]$ . La mejor estimación de  $\Delta_v$  es:  
 a) 0.02945  
 b) 0.012621  
 c) 0.08835  
 d) Ninguna de las anteriores
- 19- Se tiene un sistema de transmisión QAM con  $\alpha = 0.5$ . Si la velocidad de transmisión es de 28800 bps y el ancho de banda disponible es 21600 Hz, calcúlese la relación S/N mínima para garantizar con seguridad una probabilidad de error de símbolo de  $10^{-07}$   
 a)  $S/N < 12$  dB  
 b)  $12\text{dB} < S/N \leq 13$  dB  
 c)  $13$  dB  $< S/N \leq 14$  dB  
 d)  $14$  dB  $< S/N$
- 20- La entrada al aleatorizador del emisor de un módem PAM binario en un momento dado es:  
 ...00011000...  
 y la salida correspondiente del aleatorizador del receptor es:  
 ...01001000...  
 donde los puntos suspensivos indican que las dos secuencias son idénticas en emisor y receptor  
 Si se sabe que el canal ha introducido un solo error, y que el aleatorizador emplea un LFSR con un único sumador, puede afirmarse que:  
 a) El aleatorizador es síncrono  
 b) El LFSR tiene, al menos, longitud 5  
 c) El polinomio de conexiones del LFSR es  $1+D+D^4$

d) Nada de lo anterior puede afirmarse